



М. А. Иченская

# Геометрия

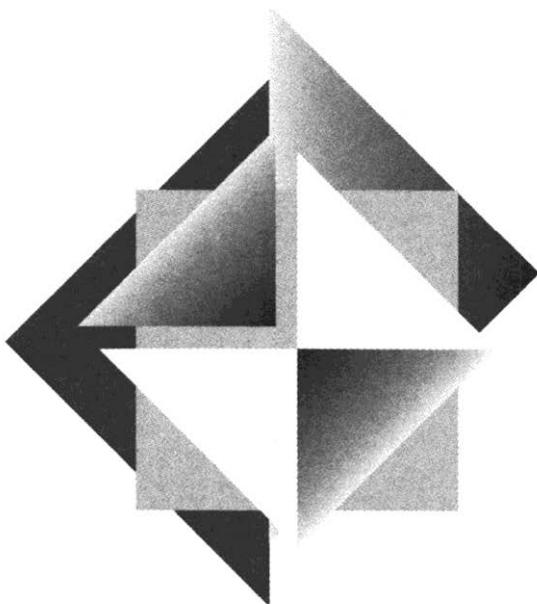
## САМОСТОЯТЕЛЬНЫЕ И КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ

7

**М. А. Иченская**

# **ГЕОМЕТРИЯ**

## **САМОСТОЯТЕЛЬНЫЕ И КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ**



**7**

**КЛАСС**

Учебное пособие  
для общеобразовательных  
организаций

Москва  
«Просвещение»  
2018

УДК 373.167.1:514

6+

ББК 22.151я72

И96

Иченская М. А.

И96 Геометрия. Самостоятельные и контрольные работы. 7 класс : учеб. пособие для общеобразоват. организаций / М. А. Иченская. — М. : Просвещение, 2018. — 48 с. : ил. — ISBN 978-5-09-037118-6.

Пособие содержит самостоятельные и контрольные работы, а также карточки к итоговым зачётам по курсу геометрии 7 класса. Оно ориентировано на учебник «Геометрия. 7—9 классы» авторов Л. С. Атанасяна и др.

Пособие адресовано школьникам, их родителям, учителям математики.

УДК 373.167.1:514

ББК 22.151я72

Учебное издание

Иченская Мира Александровна



## ГЕОМЕТРИЯ

### Самостоятельные и контрольные работы

7 класс

Учебное пособие для общеобразовательных организаций

Центр естественно-математического образования

Редакция математики и информатики

Зав. редакцией Т. А. Бурмистрова

Редактор Л. В. Кузнецова

Младший редактор Е. В. Трошко

Художественный редактор О. П. Богомолова

Художник Ю. В. Тигина

Компьютерная графика О. Ю. Тупикиной

Техническое редактирование и компьютерная вёрстка П. А. Притумановой

Корректор Е. В. Барановская

Налоговая льгота — Общероссийский классификатор продукции ОК 005-93—953000.  
Изд. лиц. Серия ИД № 05824 от 12.09.01. Подписано в печать 29.01.18. Формат  
70 × 90<sup>1</sup>/<sub>16</sub>. Бумага типографская. Гарнитура Школьная. Печать офсетная.  
Уч.-изд. л. 1,07. Тираж 9000 экз. Заказ № 4278ТТ.

Акционерное общество «Издательство «Просвещение».

127521, Москва, 3-й проезд Марьиной рощи, 41.

Отпечатано по заказу АО «ПолиграфТрейд» в ООО «Тульская типография».  
300026, г. Тула, пр-т Ленина, 109.

ISBN 978-5-09-037118-6

© Издательство «Просвещение», 2018

© Художественное оформление.

Издательство «Просвещение», 2018

Все права защищены

# Самостоятельные работы

7 класс

С—1, В—1

1. Начертите прямую и обозначьте её буквой  $b$ . Отметьте точку  $M$ , лежащую на прямой  $b$ . Отметьте точку  $N$ , не лежащую на прямой  $b$ . Используя символы  $\in$  и  $\notin$ , запишите предложение: «Точка  $M$  лежит на прямой  $b$ , а точка  $N$  не лежит на ней».

2. Начертите прямые  $a$  и  $b$ , пересекающиеся в точке  $M$ . На прямой  $a$  отметьте точку  $N$ , отличную от точки  $M$ . Являются ли прямые  $MN$  и  $a$  различными прямыми? Может ли прямая  $b$  проходить через точку  $N$ ? Ответы обоснуйте.

7 класс

С—1, В—2

1. Начертите прямую и обозначьте её буквой  $a$ . Отметьте точку  $K$ , лежащую на прямой  $a$ . Отметьте точку  $C$ , не лежащую на прямой  $a$ . Используя символы  $\in$  и  $\notin$ , запишите предложение: «Точка  $K$  лежит на прямой  $a$ , а точка  $C$  не лежит на ней».

2. Начертите прямые  $m$  и  $n$ , пересекающиеся в точке  $A$ . На прямой  $m$  отметьте точку  $B$ , отличную от точки  $A$ . Являются ли прямые  $AB$  и  $m$  различными прямыми? Может ли прямая  $n$  проходить через точку  $B$ ? Ответы обоснуйте.

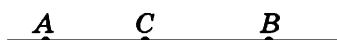
7 класс

С—2, В—1

1. На прямой даны три точки:  $A$ ,  $B$  и  $C$ .

Назовите:

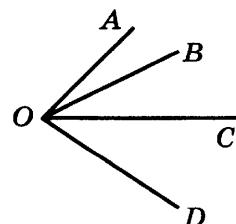
- а) пары совпадающих лучей;
- б) пары противоположных лучей.



2. Назовите:

а) луч, который делит угол  $BOD$  на два угла;

б) луч, который не делит угол  $BOD$  на два угла.





**7 класс****С—2, В—2**

1. На прямой даны три точки:  $M$ ,  $N$  и  $K$ .

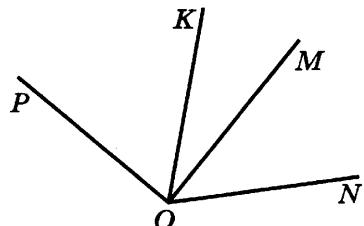
Назовите:

- совпадающие лучи среди лучей  $MN$ ,  $NK$ ,  $MK$ ,  $KM$ ;
- пары противоположных лучей.



2. Назовите:

- луч, который делит угол  $POM$  на два угла;
- луч, который не делит угол  $POM$  на два угла.

**7 класс****С—3, В—1**

1. На луче  $h$  с началом в точке  $O$  отметьте точки  $A$  и  $B$  так, чтобы точка  $A$  лежала между точками  $O$  и  $B$ . Сравните отрезки  $OA$  и  $OB$  и запишите результат сравнения.

2. Изобразите неразвёрнутый угол  $ABC$  и проведите какой-нибудь луч  $BD$ , делящий этот угол на два угла. Сравните:

- угол  $ABC$  и угол  $ABD$ ;
- угол  $ABC$  и угол  $DBC$ .

Запишите результаты сравнения.

**7 класс****С—3, В—2**

1. На луче  $k$  с началом в точке  $O$  отметьте точки  $M$  и  $N$  так, чтобы точка  $N$  лежала между точками  $O$  и  $M$ . Сравните отрезки  $OM$  и  $ON$  и запишите результат сравнения.

2. Изобразите неразвёрнутый угол  $DBA$  и проведите какой-нибудь луч  $BC$ , делящий этот угол на два угла. Сравните:

- угол  $DBA$  и угол  $DBC$ ;
- угол  $DBA$  и угол  $CBA$ .

Запишите результаты сравнения.



**7 класс****С—4, В—1**

1. На прямой  $b$  отмечены точки  $C, D, E$ , причём  $CD = 6$  см,  $DE = 8$  см. Чему может быть равна длина отрезка  $CE$ ?

2. Точка  $M$  — середина отрезка  $AB$ ,  $MB = 4,3$  дм. Найдите длину отрезка  $AB$  в миллиметрах.

3. Отрезки  $PQ$  и  $EF$  пересекаются, точка  $K$  лежит на отрезке  $EF$ , причём  $PQ = 21$  см,  $PK = 14$  см,  $QK = 8$  см. Является ли точка  $K$  точкой пересечения отрезков  $PQ$  и  $EF$ ? Ответ обоснуйте.

**7 класс****С—4, В—2**

1. На прямой  $a$  отложены точки  $M, K, N$ , причём  $MK = 7$  см,  $KN = 10$  см. Чему может быть равна длина отрезка  $MN$ ?

2. Точка  $E$  — середина отрезка  $CD$ ,  $CE = 2,8$  см. Найдите длину отрезка  $CD$  в миллиметрах.

3. Отрезки  $AB$  и  $CD$  пересекаются. Точка  $N$  лежит на отрезке  $CD$ , причём  $AN = 13$  см,  $NB = 12$  см и  $AB = 8$  см. Является ли точка  $N$  точкой пересечения отрезков  $AB$  и  $CD$ ? Ответ обоснуйте.

**7 класс****С—5, В—1**

1. Начертите луч  $OA$  и с помощью транспортира отложите от луча  $OA$  углы:  $\angle AOB = 25^\circ$ ,  $\angle AOC = 78^\circ$ . Чему равен угол  $BOC$ ?

2. Луч  $OC$  делит угол  $AOB$  на два угла. Найдите угол  $COB$ , если  $\angle AOB = 110^\circ$ , а угол  $AOC$  на  $18^\circ$  меньше угла  $BOC$ .

**7 класс****С—5, В—2**

1. Начертите луч  $OB$  и с помощью транспортира отложите от луча  $OB$  углы:  $\angle BON = 32^\circ$ ,  $\angle BOM = 80^\circ$ . Чему равен угол  $MON$ ?

2. Луч  $OK$  делит угол  $DOC$  на два угла. Найдите угол  $COK$ , если  $\angle DOC = 120^\circ$ , а угол  $KOD$  на  $12^\circ$  больше угла  $COK$ .



**7 класс****С—6, В—1**

1. Один из смежных углов на  $26^\circ$  меньше другого. Найдите эти смежные углы.

2. Найдите все неразвёрнутые углы, образованные при пересечении двух прямых, если сумма двух из них равна  $226^\circ$ .

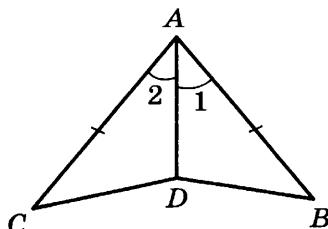
**7 класс****С—6, В—2**

1. Один из смежных углов в 11 раз больше другого. Найдите эти смежные углы.

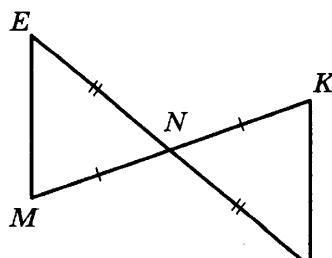
2. Найдите все неразвёрнутые углы, образованные при пересечении двух прямых, если сумма двух из них равна  $296^\circ$ .

**7 класс****С—7, В—1**

1. Докажите равенство треугольников  $ABD$  и  $ACD$ , если  $AB = AC$  и  $\angle 1 = \angle 2$ . Найдите  $\angle ABD$  и  $\angle ADC$ , если  $\angle ACD = 38^\circ$ ,  $\angle ADC = 102^\circ$ .

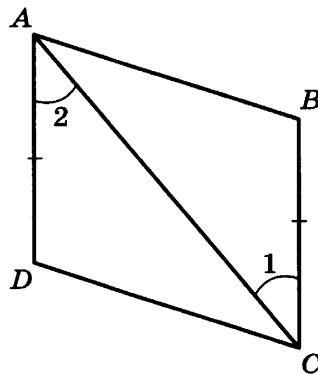


2. Докажите равенство треугольников  $MNE$  и  $KNF$ , если  $MN = NK$  и  $EN = NF$ . Найдите стороны  $ME$  и  $MN$ , если  $MK = 10$  см,  $KF = 8$  см.

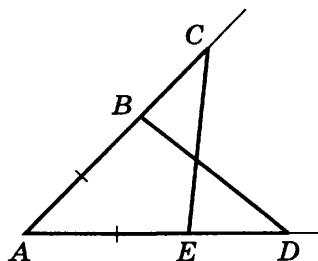




1. Докажите равенство треугольников  $ABC$  и  $ADC$ , если  $BC = AD$  и  $\angle 1 = \angle 2$ . Найдите  $\angle ACD$  и  $\angle ADC$ , если  $\angle ABC = 108^\circ$  и  $\angle BAC = 32^\circ$ .



2. Докажите равенство треугольников  $ACE$  и  $ABD$ , если  $AC = AD$  и  $AB = AE$ . Найдите стороны  $AB$  и  $BD$ , если  $CE = 7$  см,  $AE = 3$  см.



1. Медиана  $AD$  треугольника  $ABC$  продолжена за точку  $D$  на отрезок  $DE$ , равный  $AD$ , и точка  $E$  соединена с точкой  $C$ . Докажите, что треугольник  $ABD$  равен треугольнику  $ECD$ .

2. На основании  $BC$  равнобедренного треугольника  $ABC$  отмечены точки  $M$  и  $N$  так, что  $BM = CN$ . Докажите, что треугольник  $BAM$  равен треугольнику  $CAN$ .



7 класс

С—8, В—2

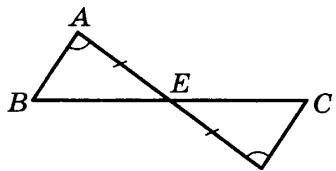
1. Медиана  $NO$  треугольника  $MNK$  продолжена за точку  $O$  на отрезок  $OF = NO$ , и точка  $F$  соединена с точкой  $K$ . Докажите, что треугольник  $MON$  равен треугольнику  $KOF$ .

2. На основании  $AC$  равнобедренного треугольника  $ABC$  отмечены точки  $P$  и  $Q$  так, что  $AP = CQ$ . Докажите, что треугольник  $PBQ$  равнобедренный.

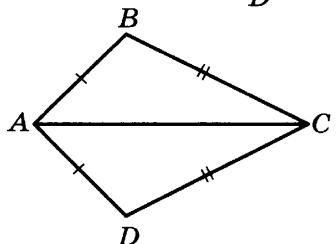
7 класс

С—9, В—1

1. Докажите равенство треугольников  $ABE$  и  $DCE$ , если  $AE = ED$ ,  $\angle A = \angle D$ . Найдите стороны треугольника  $ABE$ , если  $DE = 4$  см,  $DC = 3$  см,  $EC = 5$  см.



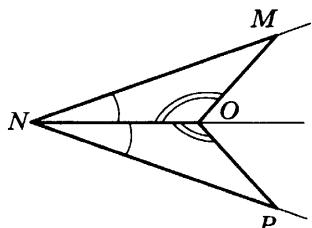
2. На рисунке  $AB = AD$ ,  $BC = DC$ . Докажите, что луч  $AC$  — биссектриса угла  $BAD$ .



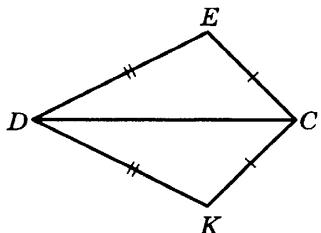
7 класс

С—9, В—2

1. Докажите равенство треугольников  $MON$  и  $PON$ , если  $\angle MON = \angle PON$ , а луч  $NO$  — биссектриса угла  $MNP$ . Найдите углы треугольника  $NOP$ , если  $\angle MNO = 28^\circ$ ,  $\angle NMO = 42^\circ$ .



2. На рисунке  $DE = DK$ ,  $CE = CK$ . Докажите, что луч  $CD$  — биссектриса угла  $ECK$ .





**7 класс**

**С—10, В—1**

1. С помощью циркуля и линейки разделите данный отрезок на 4 равные части.

2. Постройте окружность радиусом 6 см, проходящую через две данные точки  $A$  и  $B$ , если: а)  $AB = 4$  см; б)  $AB = 6$  см; в)  $AB = 8$  см.

**7 класс**

**С—10, В—2**

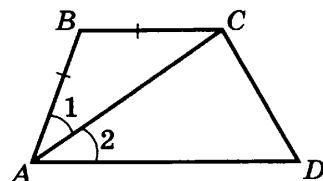
1. С помощью циркуля и линейки разделите данный отрезок на 8 равных частей.

2. Постройте окружность радиусом 4 см, проходящую через данную точку  $A$ , с центром на данной прямой  $a$ , если расстояние от точки  $A$  до прямой  $a$  равно: а) 3 см; б) 4 см; в) 5 см. Сколько решений имеет задача?

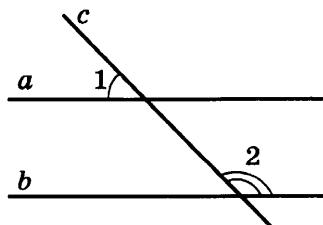
**7 класс**

**С—11, В—1**

1. На рисунке  $AB = BC$ ,  $\angle 1 = \angle 2$ . Докажите, что прямая  $BC$  параллельна прямой  $AD$ .

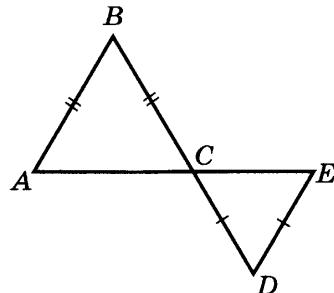


2. Известно, что  $\angle 1 = 46^\circ$ ,  $\angle 2 = 134^\circ$ . Докажите, что прямые  $a$  и  $b$  параллельны.

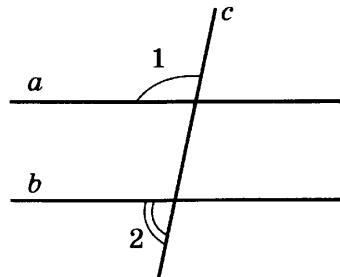




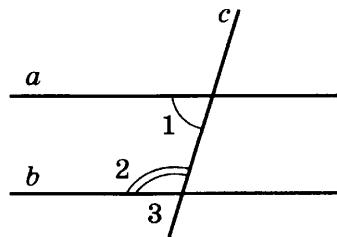
1. На рисунке  $AB = BC$ ,  $CD = DE$ , отрезок  $BD$  пересекает отрезок  $AE$  в точке  $C$ . Докажите, что прямая  $AB$  параллельна прямой  $DE$ .



2. Известно, что  $\angle 1 = 102^\circ$ ,  $\angle 2 = 78^\circ$ . Докажите, что прямые  $a$  и  $b$  параллельны.



1. На рисунке прямые  $a$  и  $b$  параллельны, угол 2 на  $34^\circ$  больше, чем угол 1. Найдите угол 3.



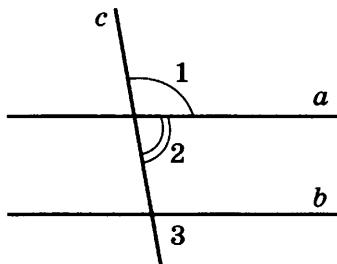
2. Через вершину прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $CD$  параллельно прямой  $AB$ . Найдите углы  $A$  и  $B$  треугольника  $ABC$ , если  $\angle DCB = 37^\circ$ .



**7 класс**

1. На рисунке прямые  $a$  и  $b$  параллельны, угол 2 на  $20^\circ$  меньше, чем угол 1. Найдите угол 3.

2. Через вершину прямого угла  $C$  треугольника  $ABC$  проведена прямая  $CK$  параллельно прямой  $AB$ ,  $\angle KCB = 42^\circ$ . Найдите углы  $A$  и  $B$  треугольника  $ABC$ .

**7 класс**

1. Дан треугольник  $ABC$ , в котором  $\angle A = 65^\circ$ ,  $\angle B = 47^\circ$ . Найдите угол  $C$ .

2. В равнобедренном треугольнике угол при основании в 2 раза больше угла при вершине, противоположной основанию. Найдите углы этого треугольника.

3. Углы треугольника относятся как  $2 : 3 : 4$ . Найдите их градусные меры.

**7 класс****С—13, В—2**

1. Дан треугольник  $MNK$ , в котором  $\angle M = 22^\circ$ ,  $\angle N = 45^\circ$ . Найдите угол  $K$ .

2. В равнобедренном треугольнике угол при основании на  $15^\circ$  меньше, чем угол при вершине, противоположной основанию. Найдите углы этого треугольника.

3. Углы треугольника относятся как  $1 : 2 : 3$ . Найдите их градусные меры.

**7 класс****С—14, В—1**

1. Можно ли построить треугольник со сторонами 1 дм, 2 дм и 3 дм? Ответ обоснуйте.

2. В равнобедренном треугольнике одна сторона равна 25 см, другая сторона равна 10 см. Чему равно основание треугольника? Ответ объясните.



**7 класс**

**С—14, В—2**

1. Можно ли построить треугольник со сторонами 12 дм, 10 дм и 24 дм? Ответ обоснуйте.

2. Найдите третью сторону равнобедренного треугольника, если две другие стороны равны 5 см и 3 см. Ответ объясните.

**7 класс**

**С—15, В—1**

1. Один из углов прямоугольного треугольника равен  $60^\circ$ , а сумма гипотенузы и меньшего катета равна 18 см. Найдите гипотенузу и меньший катет.

2. Из точки  $M$  биссектрисы тупого угла проведены перпендикуляры  $MA$  и  $MK$  к сторонам этого угла. Докажите, что  $MA = MK$ .

**7 класс**

**С—15, В—2**

1. Один из острых углов прямоугольного треугольника в 2 раза меньше другого, а разность гипотенузы и меньшего катета равна 15 см. Найдите гипотенузу и меньший катет.

2. Из точки  $K$  биссектрисы острого угла проведены перпендикуляры  $KP$  и  $KF$  к сторонам угла. Докажите, что  $KP = KF$ .

**7 класс**

**С—16, В—1**

1. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему острому углу.

2. Постройте треугольник  $ABC$ , в котором  $AC = 5$  см,  $\angle A = 50^\circ$ , высота  $BD = 3$  см.

**7 класс**

**С—16, В—2**

1. Постройте равнобедренный треугольник по основанию и проведённой к нему медиане.

2. Постройте треугольник  $MNK$ , в котором  $MN = 6$  см,  $\angle K = 60^\circ$ , высота  $NO = 4$  см.



**1.** Докажите, что в равных треугольниках высоты, проведённые к равным сторонам, равны.

**2.** В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC = 38$  см внешний угол при вершине  $B$  равен  $60^\circ$ . Найдите расстояние от вершины  $C$  до прямой  $AB$ .

**3.** Один из углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой в 2 раза больше другого. Найдите остальные углы.

**1.** Докажите, что в равных треугольниках медианы, проведённые к равным сторонам, равны.

**2.** В равнобедренном треугольнике  $ABC$  с основанием  $AC = 42$  см внешний угол при вершине  $C$  равен  $120^\circ$ . Найдите боковые стороны треугольника  $ABC$ .

**3.** Один из углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой на  $20^\circ$  меньше другого. Найдите остальные углы.



# Контрольные работы

7 класс

К—1, В—1

1. Три точки  $B$ ,  $C$  и  $D$  лежат на одной прямой. Известно, что  $BD = 17$  см,  $DC = 25$  см. Чему может быть равна длина отрезка  $BC$ ?
2. Сумма вертикальных углов  $MOE$  и  $DOC$ , образованных при пересечении прямых  $MC$  и  $DE$ , равна  $204^\circ$ . Найдите угол  $MOD$ .
3. С помощью транспортира начертите угол, равный  $78^\circ$ , и проведите биссектрису смежного с ним угла.

7 класс

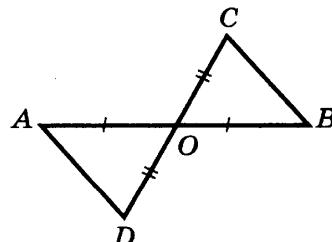
К—1, В—2

1. Три точки  $M$ ,  $N$  и  $K$  лежат на одной прямой. Известно, что  $MN = 15$  см,  $NK = 18$  см. Чему может быть равно расстояние  $MK$ ?
2. Сумма вертикальных углов  $AOB$  и  $COD$ , образованных при пересечении прямых  $AD$  и  $BC$ , равна  $108^\circ$ . Найдите угол  $BOD$ .
3. С помощью транспортира начертите угол, равный  $132^\circ$ , и проведите биссектрису смежного с ним угла.

7 класс

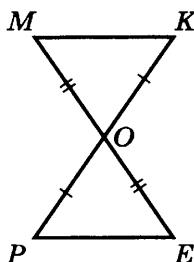
К—2, В—1

1. На рисунке каждый из отрезков  $AB$  и  $CD$  точкой  $O$  делится пополам. Докажите, что угол  $DAO$  равен углу  $CBO$ .
2. Луч  $AD$  — биссектриса угла  $A$ . На сторонах угла  $A$  отмечены точки  $B$  и  $C$  так, что  $\angle ADB = \angle ADC$ . Докажите, что  $AB = AC$ .
3. Начертите равнобедренный треугольник  $ABC$  с основанием  $BC$ . С помощью циркуля и линейки проведите медиану  $BB_1$  к боковой стороне  $AC$ .





1. На рисунке каждый из отрезков  $ME$  и  $PK$  делится точкой  $O$  пополам. Докажите, что угол  $KMO$  равен углу  $PEO$ .



2. На сторонах угла  $D$  отмечены точки  $M$  и  $K$  так, что  $DM = DK$ . Известно, что точка  $P$  лежит внутри угла  $D$  и  $PK = PM$ . Докажите, что луч  $DP$  — биссектриса угла  $MDK$ .

3. Начертите равнобедренный треугольник  $ABC$  с основанием  $AC$ . С помощью циркуля и линейки проведите высоту  $AH$  к боковой стороне  $BC$ .

1. Отрезки  $EF$  и  $PQ$  пересекаются в их середине  $M$ . Докажите, что  $PE \parallel QF$ .

2. Отрезок  $DM$  — биссектриса треугольника  $CDE$ . Через точку  $M$  проведена прямая, параллельная стороне  $CD$  и пересекающая сторону  $DE$  в точке  $N$ . Найдите углы треугольника  $DMN$ , если  $\angle CDE = 68^\circ$ .

1. Отрезки  $PN$  и  $ED$  пересекаются в их середине  $M$ . Докажите, что  $EN \parallel PD$ .

2. Отрезок  $DM$  — биссектриса треугольника  $ADC$ . Через точку  $M$  проведена прямая, параллельная стороне  $CD$  и пересекающая сторону  $DA$  в точке  $N$ . Найдите углы треугольника  $DMN$ , если  $\angle ADC = 72^\circ$ .

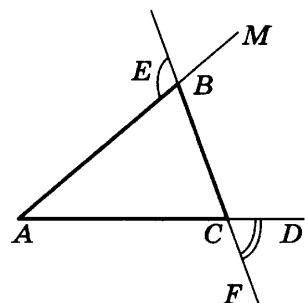


**7 класс****К—4, В—1**

1. На рисунке  $\angle ABE = 104^\circ$ ,  $\angle DCF = 76^\circ$ ,  $AC = 12$  см. Найдите сторону  $AB$  треугольника  $ABC$ .

2. В треугольнике  $CDE$  точка  $K$  лежит на стороне  $CE$ , причём угол  $CKD$  острый. Докажите, что  $DE > DK$ .

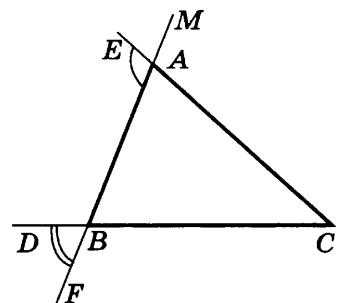
3. Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 45 см, а одна из его сторон больше другой на 9 см. Найдите стороны этого треугольника.

**7 класс****К—4, В—2**

1. На рисунке  $\angle BAE = 112^\circ$ ,  $\angle DBF = 68^\circ$ ,  $BC = 9$  см. Найдите сторону  $AC$  треугольника  $ABC$ .

2. В треугольнике  $MNP$  точка  $K$  лежит на стороне  $MN$ , причём угол  $NKP$  острый. Докажите, что  $KP < MP$ .

3. Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 77 см, а одна из его сторон больше другой на 17 см. Найдите стороны этого треугольника.

**7 класс****К—5, В—1**

1. В остроугольном треугольнике  $MNP$  биссектриса угла  $M$  пересекает высоту  $NK$  в точке  $O$ , причём  $OK = 9$  см. Найдите расстояние от точки  $O$  до прямой  $MN$ .

2. Постройте прямоугольный треугольник по гипотенузе и острому углу.

3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный  $150^\circ$ ;  $30^\circ$ .



**7 класс****К—5, В—2**

1. В прямоугольном треугольнике  $DCE$  с прямым углом  $C$  проведена биссектриса  $EF$ , причём  $FC = 13$  см. Найдите расстояние от точки  $F$  до прямой  $DE$ .

2. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему к нему острому углу.

3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный  $135^\circ$ ;  $45^\circ$ .

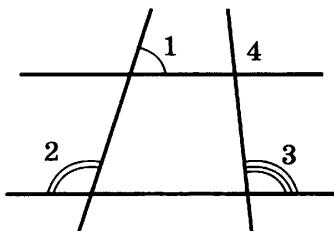
**7 класс****К—6, В—1**

1. Постройте треугольник по двум сторонам и высоте, проведённой к одной из этих сторон.

2. На окружности с центром  $O$  отмечены две точки  $M$  и  $N$  так, что угол  $MON$  прямой. Отрезок  $NP$  — диаметр окружности. Докажите, что хорды  $MN$  и  $MP$  равны. Найдите угол  $PMN$ .

3. На рисунке  $\angle 1 = 72^\circ$ ,  $\angle 2 = 108^\circ$ ,  $\angle 3 = 96^\circ$ . Найдите угол 4.

4. Из точки  $K$  прямой проведены перпендикуляр и наклонная, сумма их длин равна 17 см, а их разность равна 1 см. Найдите расстояние от точки до прямой.

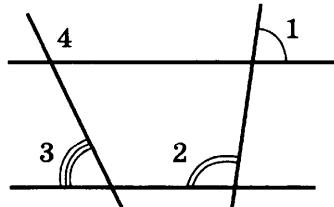
**7 класс****К—6, В—2**

1. Постройте треугольник по двум сторонам и медиане, проведённой к одной из этих сторон.

2. Отрезки  $AB$  и  $CD$  — диаметры окружности с центром  $O$ . Найдите периметр треугольника  $AOD$ , если хорда  $CB$  равна 10 см, диаметр  $AB$  равен 12 см.

3. На рисунке  $\angle 1 = 82^\circ$ ,  $\angle 2 = 98^\circ$ ,  $\angle 3 = 65^\circ$ . Найдите угол 4.

4. Сумма гипotenузы  $CE$  и катета  $CD$  прямоугольного треугольника  $CDE$  равна 31 см, а их разность равна 3 см. Найдите расстояние от вершины  $C$  до прямой  $DE$ .





# Итоговый зачёт

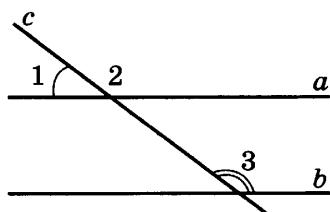
7 класс

Карточка 1

1. Понятия прямой и отрезка. Взаимное расположение двух прямых на плоскости.

2. Первый признак равенства треугольников. Доказательство.

3. На рисунке  $\angle 1 = 37^\circ$ ,  $\angle 3 = 143^\circ$ . Докажите, что  $a \parallel b$ , и найдите  $\angle 2$ .



7 класс

Карточка 2

1. Луч и угол. Виды углов.

2. Второй признак равенства треугольников. Доказательство.

3. В равнобедренном треугольнике  $CDE$  с основанием  $CE$  проведена биссектриса  $CF$ . Найдите  $\angle ECF$ , если  $\angle D = 54^\circ$ .

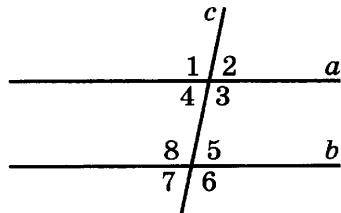
7 класс

Карточка 3

1. Сравнение отрезков. Измерение длин отрезков.

2. Третий признак равенства треугольников. Доказательство.

3. На рисунке  $a \parallel b$ ,  $\angle 3 = 102^\circ$ . Найдите остальные семь углов.



7 класс

Карточка 4

1. Сравнение углов. Измерение углов.

2. Теорема о свойстве высоты равнобедренного треугольника. Доказательство.

3. Один из углов прямоугольного треугольника равен  $60^\circ$ , а сумма гипotenузы и меньшего катета равна 30 см. Найдите гипotenузу треугольника.



**7 класс****Карточка 5**

1. Определение и свойство смежных углов.
2. Определение параллельных прямых. Первый признак параллельности двух прямых. Доказательство.
3. Высота  $AD$  равностороннего треугольника  $BAC$  с основанием  $BC$  равна 10 см, периметр треугольника  $ADC$  равен 70 см. Найдите периметр треугольника  $ABC$ .

**7 класс****Карточка 6**

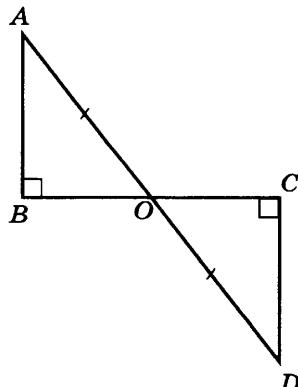
1. Определение и свойство вертикальных углов.
2. Второй признак параллельности двух прямых. Доказательство.
3. Один из внешних углов равнобедренного треугольника равен  $110^\circ$ . Найдите все углы данного треугольника.

**7 класс****Карточка 7**

1. Определение перпендикулярных прямых. Доказательство теоремы о перпендикулярности двух прямых к третьей.
2. Третий признак параллельности двух прямых. Доказательство.
3. Первый угол треугольника равен  $40^\circ$ , а второй больше третьего на  $16^\circ$ . Найдите эти углы треугольника.

**7 класс****Карточка 8**

1. Определения медианы, биссектрисы и высоты треугольника. Построение медианы, биссектрисы и высоты в остроугольном, прямоугольном и тупоугольном треугольниках.
2. Аксиома параллельных прямых.
3. На рисунке  $\angle B = \angle C = 90^\circ$ ,  $AO = OD$ . Докажите, что  $\triangle ABO \cong \triangle OCD$ , и найдите  $\angle A$ , если  $\angle D = 38^\circ$ .



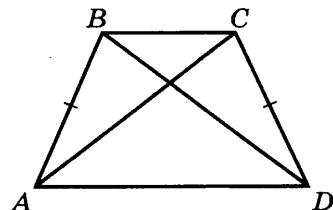


**7 класс****Карточка 9**

1. Теорема о единственности перпендикуляра, проведённого из данной точки к данной прямой.

2. Неравенство треугольника.

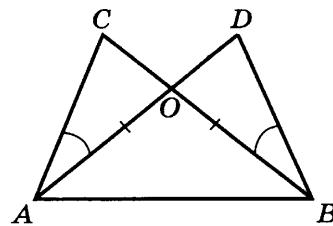
3. На рисунке  $AB = CD$ ,  $BD = AC$ . Докажите, что  $\angle CAD = \angle ADB$ . Найдите  $\angle ABD$ , если  $\angle ACD = 70^\circ$ .

**7 класс****Карточка 10**

1. Определение равнобедренного треугольника. Теорема о свойствах углов при его основании.

2. Теорема о соотношении между сторонами и углами треугольника.

3. На рисунке  $\angle DBC = \angle CAD$ ,  $BO = AO$ . Докажите, что  $\angle C = \angle D$ . Найдите  $AC$ , если  $BD = 12$  см.

**7 класс****Карточка 11**

1. Признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и острому углу.

2. Понятие окружности. Диаметр, радиус, хорда, дуга окружности.

3. В равнобедренном треугольнике угол при основании в 2 раза меньше, чем угол при вершине. Найдите все углы треугольника.

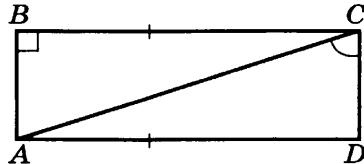


**7 класс****Карточка 12**

1. Признак равенства прямоугольных треугольников по катету и острому углу.

2. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный данному.

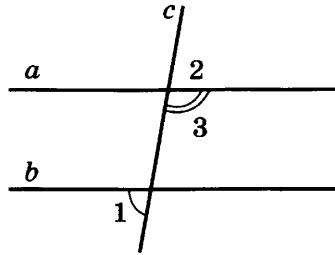
3. На рисунке  $BC \parallel AD$ ,  $BC = AD$ . Докажите, что  $AB = CD$ . Найдите  $\angle BAC$ , если  $\angle DCA = 85^\circ$ .

**7 класс****Карточка 13**

1. Признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и катету.

2. С помощью циркуля и линейки постройте биссектрису данного угла.

3. На рисунке  $\angle 3 = 100^\circ$ ,  $\angle 1 = 80^\circ$ . Докажите, что  $a \parallel b$ , и найдите  $\angle 2$ .

**7 класс****Карточка 14**

1. Доказательство теоремы о свойстве катета прямоугольного треугольника, лежащего против угла в  $30^\circ$ .

2. С помощью циркуля и линейки постройте середину данного отрезка.

3. В равнобедренном треугольнике периметр равен 150 см, боковая сторона больше основания на 15 см. Найдите все стороны этого треугольника.

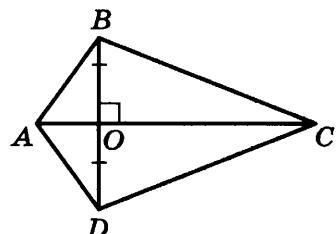


**7 класс****Карточка 15**

1. Теорема о свойстве односторонних углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

2. С помощью циркуля и линейки постройте перпендикуляр, проходящий из данной точки к данной прямой.

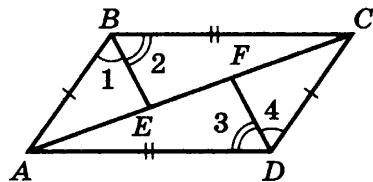
3. На рисунке  $BD \perp AC$ ,  $BO = OD$ . Докажите, что  $AB = AD$  и  $BC = CD$ . Найдите  $\angle OBC$ , если  $\angle ODC = 65^\circ$ .

**7 класс****Карточка 16**

1. Доказательство теоремы о свойстве односторонних углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

2. Постройте треугольник по двум сторонам и углу между ними.

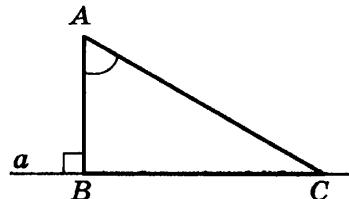
3. На рисунке  $AB = CD$ ,  $AD = BC$ ,  $\angle 1 = \angle 4$ ,  $\angle 2 = \angle 3$ . Докажите, что  $\triangle ABE \cong \triangle DCF$ . Найдите  $\angle BAE$ , если  $\angle FCD = 40^\circ$ .

**7 класс****Карточка 17**

1. Доказательство теоремы о свойстве на-крест лежащих углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

2. Постройте треугольник по стороне и двум прилежащим к ней углом.

3. На рисунке  $AB \perp a$ ,  $AC$  — наклонная к прямой  $a$ . Найдите  $AC$ , если  $AB = 3$  см,  $\angle A = 60^\circ$ .





**7 класс****Карточка 18**

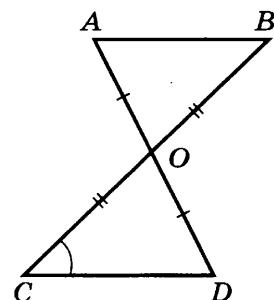
- Доказательство теоремы о сумме углов треугольника.
- Понятие перпендикуляра и наклонной к прямой. Расстояние от точки до прямой.
- В равнобедренном прямоугольном треугольнике гипотенуза равна 42 см. Найдите высоту, проведённую из вершины прямого угла.

**7 класс****Карточка 19**

- Докажите, что в прямоугольном треугольнике один из углов равен  $30^\circ$ , если катет в 2 раза меньше гипотенузы.
- Докажите, что если прямая пересекает одну из параллельных прямых, то она пересекает и другую прямую. Доказательство приведите методом от противного.
- Периметр равнобедренного треугольника равен 65 см, его боковая сторона на 5 см меньше основания. Найдите стороны треугольника.

**7 класс****Карточка 20**

- Определение внешнего угла треугольника.  
Теорема о внешнем угле треугольника.
- Практические способы построения параллельных прямых.
- На рисунке  $AO = OD$ ,  $CO = OB$ . Найдите угол  $ABO$  и сторону  $AB$ , если  $\angle OCD = 70^\circ$ ,  $CD = 12$  см.

**7 класс****Карточка 21**

- Признак равенства прямоугольных треугольников по двум катетам.
- Что такое аксиома, теорема, определение? Приведите примеры обратных теорем.
- В равнобедренном треугольнике внешний угол при вершине равен  $40^\circ$ . Найдите углы этого треугольника.



# Распределение самостоятельных и контрольных работ по пунктам учебника

Номер работы	Содержание материала	Пункты учебника
<b>Глава I. Начальные геометрические сведения</b>		
C—1	Точки, прямые, отрезки	1, 2
C—2	Луч и угол	3, 4
C—3	Сравнение отрезков и углов	5, 6
C—4	Измерение отрезков	7, 8
C—5	Измерение углов	9, 10
C—6	Перпендикулярные прямые. Смежные и вертикальные углы	11—13
K—1	Контрольная работа № 1	1—13
<b>Глава II. Треугольники</b>		
C—7	Первый признак равенства треугольников	14, 15
C—8	Медианы, биссектрисы и высоты треугольника	16—18
C—9	Второй и третий признаки равенства треугольников	19, 20
C—10	Задачи на построение	21—23
K—2	Контрольная работа № 2	14—23
<b>Глава III. Параллельные прямые</b>		
C—11	Признаки параллельности двух прямых	24—26
C—12	Аксиома параллельных прямых	27—29
K—3	Контрольная работа № 3	24—29
<b>Глава IV. Соотношения между сторонами и углами треугольника</b>		
C—13	Сумма углов треугольника	30, 31
C—14	Соотношения между сторонами и углами треугольника	32, 33
K—4	Контрольная работа № 4	30—33
C—15	Прямоугольные треугольники	34—36
C—16	Построение треугольника по трём элементам	37, 38
K—5	Контрольная работа № 5	34—38
C—17	Решение задач	1—38
K—6	Итоговая контрольная работа № 6	1—38

# Ответы

## Самостоятельные работы

**С—4, В—1.** 1. 14 см или 2 см. 2. 860 мм. 3. Нет. **С—4, В—2.** 1. 17 см или 3 см. 2. 56 мм. 3. Да.

**С—5, В—1.** 1.  $53^\circ$ . 2.  $64^\circ$ . **С—5, В—2.** 1.  $48^\circ$ . 2.  $54^\circ$ .

**С—6, В—1.** 1.  $77^\circ$  и  $103^\circ$ . 2.  $113^\circ$  и  $67^\circ$ . **С—6, В—2.** 1.  $15^\circ$  и  $165^\circ$ . 2.  $148^\circ$  и  $32^\circ$ .

**С—7, В—1.** 1.  $38^\circ$  и  $102^\circ$ . 2. 8 см и 5 см. **С—7, В—2.** 1.  $32^\circ$  и  $108^\circ$ . 2. 3 см и 7 см.

**С—9, В—1.** 1. 4 см, 3 см и 5 см. **С—9, В—2.** 1.  $28^\circ$ ,  $42^\circ$ ,  $110^\circ$ .

**С—10, В—1.** 2. а) Центр окружности лежит на серединном перпендикуляре к  $AB$ ; б)  $AB$  — диаметр окружности; в) нет решения. **С—10, В—2.** 2. а) Два решения; б) одно решение; в) нет решения.

**С—12, В—1.** 1.  $73^\circ$ . 2.  $37^\circ$  и  $53^\circ$ . **С—12, В—2.** 1.  $80^\circ$ . 2.  $42^\circ$  и  $48^\circ$ .

**С—13, В—1.** 1.  $68^\circ$ . 2.  $36^\circ$ ,  $72^\circ$ ,  $72^\circ$ . 3.  $40^\circ$ ,  $60^\circ$ ,  $80^\circ$ . **С—13, В—2.** 1.  $113^\circ$ . 2.  $70^\circ$ ,  $55^\circ$ ,  $55^\circ$ . 3.  $30^\circ$ ,  $60^\circ$ ,  $90^\circ$ .

**С—14, В—1.** 1. Нет. 2. 10 см. **С—14, В—2.** 1. Нет. 2. 5 см или 3 см.

**С—15, В—1.** 1. 12 см и 6 см. **С—15, В—2.** 1. 30 см и 15 см.

**С—17, В—1.** 2. 19 см. 3.  $60^\circ$  и  $120^\circ$ . **С—17, В—2.** 2. 42 см. 3.  $80^\circ$  и  $100^\circ$ .

## Контрольные работы

**К—1, В—1.** 1. 42 см и 8 см. 2.  $78^\circ$ . **К—1, В—2.** 1. 33 см и 3 см. 2.  $126^\circ$ .

**К—3, В—1.** 2.  $34^\circ$ ,  $34^\circ$  и  $112^\circ$ . **К—3, В—2.** 2.  $36^\circ$ ,  $36^\circ$  и  $108^\circ$ .

**К—4, В—1.** 1. 12 см. 3. 21 см, 12 см, 12 см. **К—4, В—2.** 1. 9 см. 3. 37 см, 20 см, 20 см.

**К—5, В—1.** 1. 9 см. 3. Сначала построить угол в  $30^\circ$ . **К—5, В—2.** 1. 13 см. 3. Сначала построить угол в  $45^\circ$ .

**К—6, В—1.** 2.  $90^\circ$ . 3.  $96^\circ$ . 4. 8 см. **К—6, В—2.** 2. 22 см. 3.  $115^\circ$ . 4. 14 см.

## **Итоговый зачёт**

**Карточка 1.** 3.  $143^\circ$ .

**Карточка 2.** 3.  $31^\circ 30'$ .

**Карточка 3.** 3.  $\angle 1 = \angle 6 = \angle 8 = 102^\circ$ ,  $\angle 2 = \angle 4 = \angle 5 = \angle 7 = 78^\circ$ .

**Карточка 4.** 3. 20 см.

**Карточка 5.** 3. 120 см.

**Карточка 6.** 3.  $70^\circ$ ,  $70^\circ$  и  $40^\circ$  или  $70^\circ$ ,  $55^\circ$  и  $55^\circ$ .

**Карточка 7.** 3.  $62^\circ$  и  $78^\circ$ .

**Карточка 8.** 3.  $38^\circ$ .

**Карточка 9.** 3.  $70^\circ$ .

**Карточка 10.** 3. 12 см.

**Карточка 11.** 3.  $45^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $90^\circ$ .

**Карточка 12.** 3.  $85^\circ$ .

**Карточка 13.** 3.  $80^\circ$ .

**Карточка 14.** 3. 40 см, 55 см, 55 см.

**Карточка 15.** 3.  $65^\circ$ .

**Карточка 16.** 3.  $40^\circ$ .

**Карточка 17.** 3. 6 см.

**Карточка 18.** 3. 21 см.

**Карточка 19.** 3. 20 см, 20 см, 25 см.

**Карточка 20.** 3.  $70^\circ$  и 12 см.

**Карточка 21.** 3.  $20^\circ$ ,  $20^\circ$  и  $140^\circ$ .

## **Содержание**

<b>Самостоятельные работы . . . . .</b>	<b>3</b>
<b>Контрольные работы . . . . .</b>	<b>25</b>
<b>Итоговый зачёт . . . . .</b>	<b>33</b>
<b>Распределение самостоятельных и контрольных работ по пунктам учебника . . . . .</b>	<b>45</b>
<b>Ответы . . . . .</b>	<b>46</b>